



نصل هم - بارها بر سرده و برها :

روشن مطالب :

- بارها بر سرده و معادل سازی آن با بارها بر سرده

- تحلیل استاتیکی برها

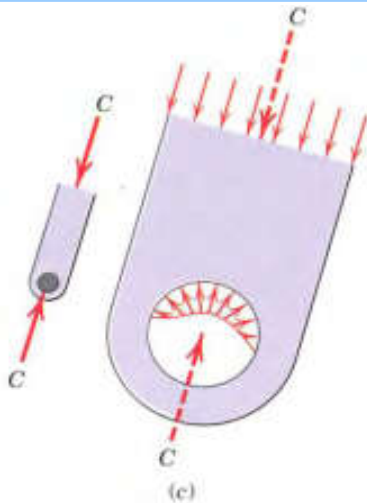
- رسم نمودارهای نیروی محوری، نیروی برشی و گشتا

- انواع بارها بر سرده (concentrated) سرکار دانسته ام؛ برهای در خط اریب (در

نصفاً فقط اعمال واحدی) دارند. اما ...

... در واقعیت، برهای اعمال شده به جسم، در یک مساحت یا حجم (حرفه لوله) توزیع شده اند

لبه آن با بارها بر سرده شوند



در ابعاد (مساحت، حجم) نیروی توزیع شده در معادل

ابعاد (سازه)، عامل موثر باشد، استفاده از نیروی مکرر به جای

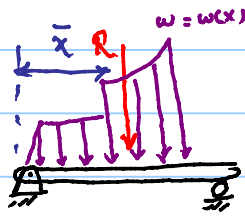
نیروی بر سرده تا آنکه معنی و عامل قبول است

سوال: والس ما در معادل بارها بر سرده چه خواهد بود؟

تلاش ما بر این است که دید نیروی بر سرده را باید نیروی مکرر، معادل (با) کنیم؛ منظور از نیروی معادل، نیروی

که هم از لحاظ اندازه و هم از نظر نظر اعمال، معادل بارها بر سرده است

کجهی جگهین رزن بد بار سده باب بار سوز معادل:



w: نیرو بر واحد طول (شدت بار)

- اندازه نیروی سوز معادل: حاصل سلی در محور بار سده باشد $w(x)$

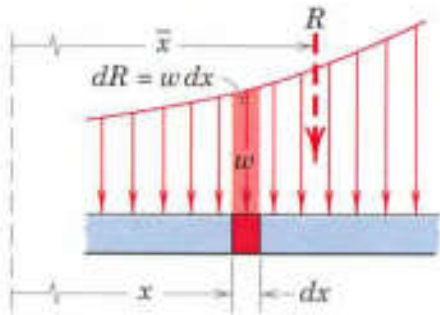
$$R = \int_{\text{استاره}}^{\text{نیوی}} w(x) dx$$

ردی با هم بار سوز در این وارون شود، اعمال کند.

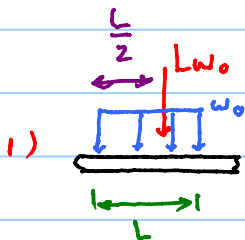
- محل اثر نیروی سوز معادل: جایی است در محور بار سده حول مرکز دگواه

$$R \bar{x} = \int x w(x) dx \Rightarrow \bar{x} = \frac{\int x w(x) dx}{R}$$

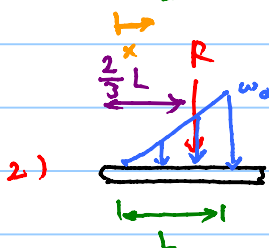
با سوز نیروی معادل، برابر شود.



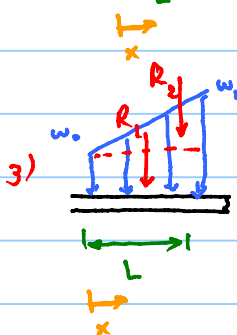
- جدول معادل:



$$R = L w_0, \quad \bar{x} = \frac{L}{2}$$



$$R = \frac{1}{2} L w_0, \quad \bar{x} = \frac{2}{3} L$$



$$R_{\text{مادله 1}} = L w_0, \quad \bar{x}_1 = \frac{L}{2}$$

$$R_{\text{مادله 2}} = \frac{1}{2} L (w_1 + w_0), \quad \bar{x}_2 = \frac{2}{3} L$$

$$R = R_1 + R_2 = \frac{1}{2} L (w_0 + w_1)$$

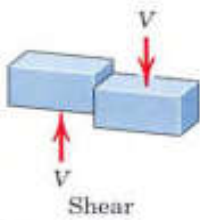
$$\bar{x} = \frac{R_1 \bar{x}_1 + R_2 \bar{x}_2}{R_1 + R_2}$$

تیرها (Beams) : اعضای هندسه ساده در بار، در مساله کشش، فشار و برش
 (معمولاً از تیرهای خاصی) از خود مقاومت نشان می دهند.

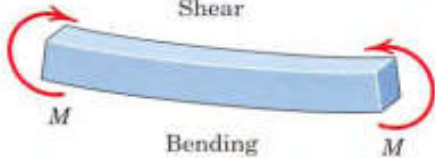
* کلیت اساسی تیرها : ابعاد خاصی به محاسبه ی تنش و کرنش در تیرها
 - ابعاد داخلی به تعیین نوع نیروی وارد شده و ابعادی در طول تیر



H نیروی محوری (axial force)



V : نیروی برشی (Shear Force)



M : گشتاور (نگ - نبر) خمشی (Bending Moment)

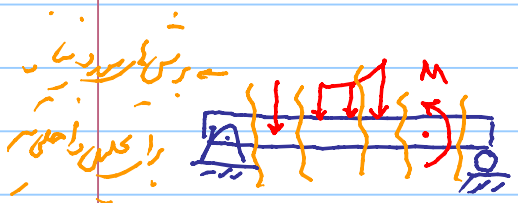


T : گشتاور چرخشی (Torsional Moment)

* رسم دیاگرام نیروی محوری، نیروی برشی و عا حسی :

- جهت طراحی تیرها، به تعمیرات نیروهای محوری، برشی و عا حسی به وجود آمده در طول حرکت بارگذاری نیاز داریم.
 در واقع موارد ذکر شده، در سازه، **تنش های** را به وجود می آورند و من است بحرین حرکت این سازه شود.
 بنابراین به میزان ماکزیم بارهای ذکر شده و محل وقوع این ماکزیم ها احتیاج است.

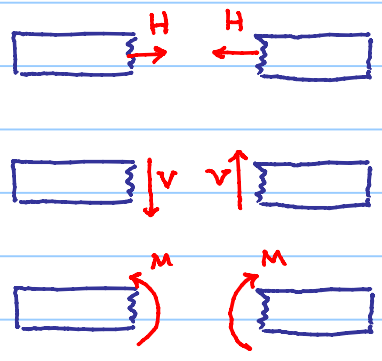
- برای محاسبه H ، V و M به صورت تابعی از x به تعداد بیش در طول تیر نیاز داریم.



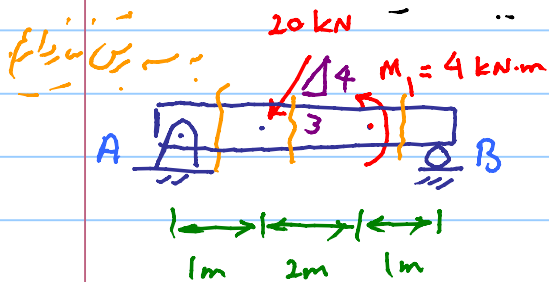
کل مقدار نیرو در این تیر همواره به بیش احتیاج است.

بین بار سوزده هم به بیش نیاز داریم.

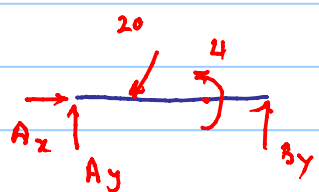
وارداد: هم جهت کار برود + تیر به :



نمونه سوال - در ادامه نیروی محوری، نیروی برشی و جزیی را برای هر یک از اجزای زیر رسم کنید.



ف. ب. د :



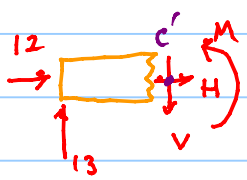
$\sum F_x = 0$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow A_x = 12 \text{ kN}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow A_y + B_y = 16 \text{ kN}$$

$$\sum M_A = 0 \Rightarrow -16 \times 1 + 4 + 4B_y = 0 \Rightarrow \boxed{B_y = 3 \text{ kN}}, \boxed{A_y = 13 \text{ kN}}$$

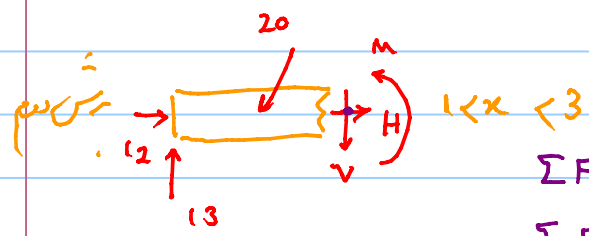
برش اول : $0 < x < 1$



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow \boxed{H = -12 \text{ kN}}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow \boxed{V = +13 \text{ kN}}$$

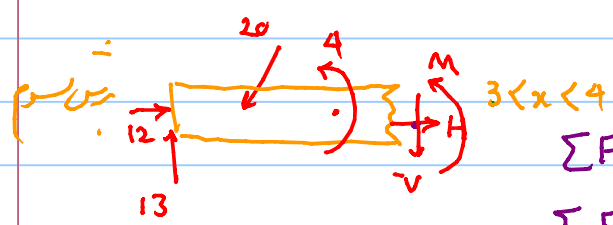
$$\sum M_c = 0 \Rightarrow \boxed{M = 13x}$$



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow \boxed{H = 0}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V = 13 - 20 = \boxed{-3 \text{ kN}}$$

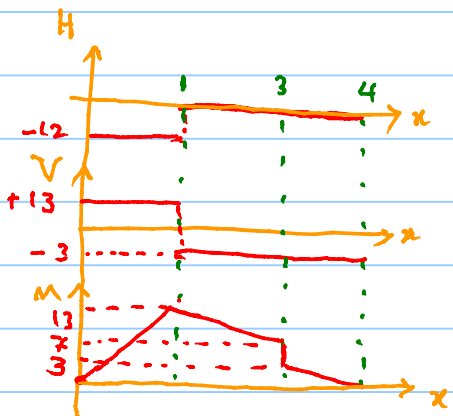
$$\sum M = 0 \Rightarrow M - 13x + 20(x-1) = 0 \Rightarrow \boxed{M = -3x + 16}$$



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow \boxed{H = 0}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow \boxed{V = -3 \text{ kN}}$$

$$\sum M = 0 \Rightarrow -13x + 16(x-1) + 4 + M = 0 \Rightarrow \boxed{M = -3x + 12}$$

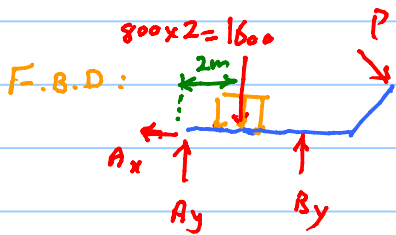
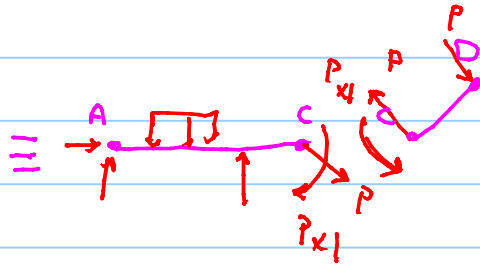
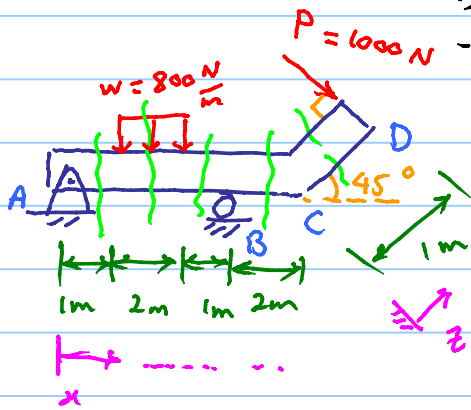


* جهت مثبت و منفی، همان شکل می کشند.

* جهت مثبت و منفی، بسته به شیخ نمودار x-V می شود.

* همان جهت مثبت و منفی، بسته به شیخ نمودار x-M می شود.

سوال: محودار بر نیروی خودی، نیروی برسی در ماحولی را برای هر یک رسم کنید.



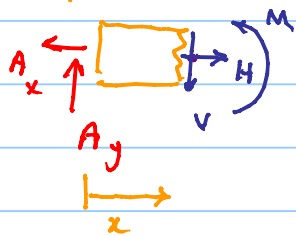
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow A_x = 500\sqrt{2} \text{ N}$$

$$\sum M_A = 0 \Rightarrow -1600 \times 2 + 4B_y - 500\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} - 500\sqrt{2} \left(6 + \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$$

$$\Rightarrow B_y = 2110.7 \text{ N}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow A_y = 1600 + 500\sqrt{2} - 2110.7 \Rightarrow A_y = 196.4 \text{ N}$$

برش اول $0 < x < 1$

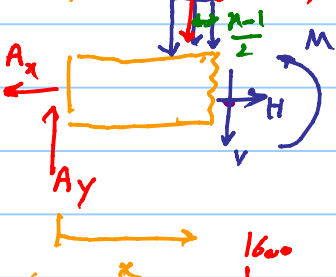


$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H = 500\sqrt{2} \text{ N}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V = +196.4 \text{ N}$$

$$\sum M = 0 \Rightarrow M = 196.4x$$

برش دوم $1 < x < 3$



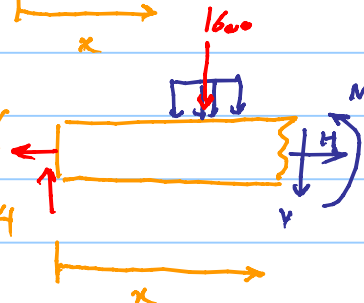
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H = 500\sqrt{2} \text{ N}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V = 196.4 - 800(x-1)$$

$$\sum M = 0 \Rightarrow M = 196.4x - 800(x-1) \cdot \left(\frac{x-1}{2}\right)$$

$$\Rightarrow M = 196.4x - 400(x-1)^2$$

برش سوم $3 < x < 4$

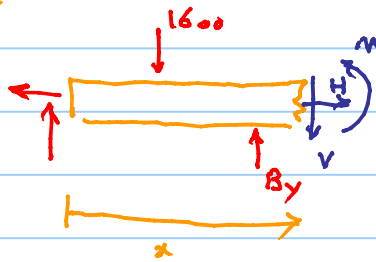


$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H = 500\sqrt{2} \text{ N}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V = 196.4 - 1600 \Rightarrow V = -1403.6 \text{ N}$$

$$\sum M = 0 \Rightarrow M = 196.4x - 1600(x-2)$$

فقط : $4 < x < 6$

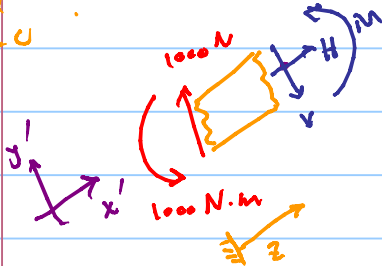


$$\sum F_x = 0 \Rightarrow H = 500\sqrt{2} \text{ N}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V = 196.4 - 1600 + 2110.7 \Rightarrow \underline{V = 707 \text{ N}}$$

$$\sum M = 0 \Rightarrow M = 196.4x - 1600(x-2) + 2110.7(x-4)$$

فقط : $0 < z < 1$



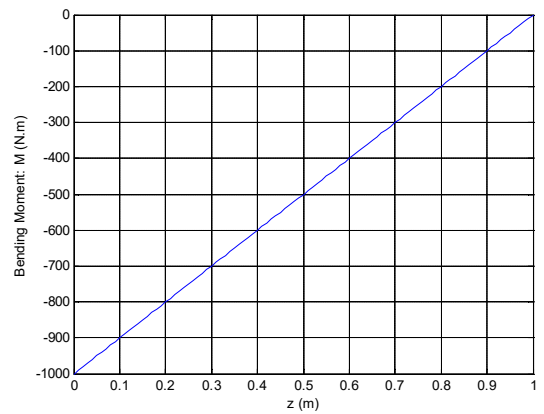
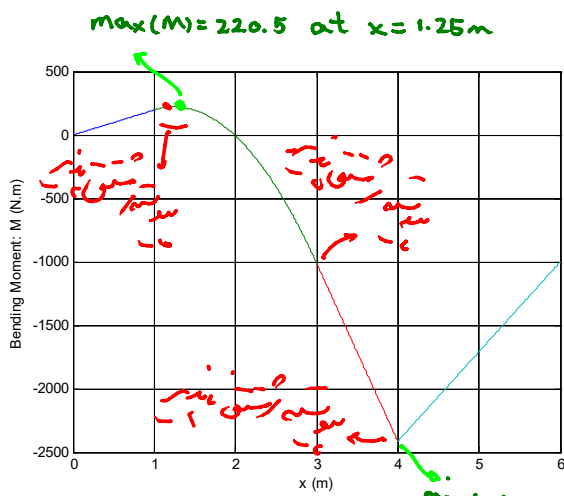
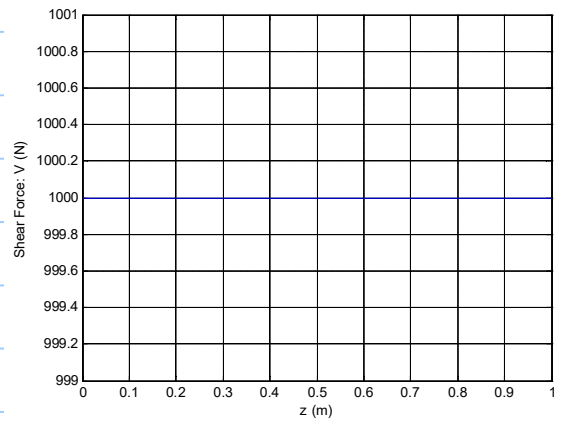
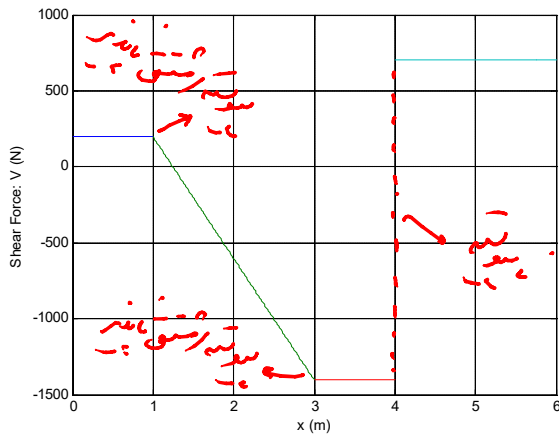
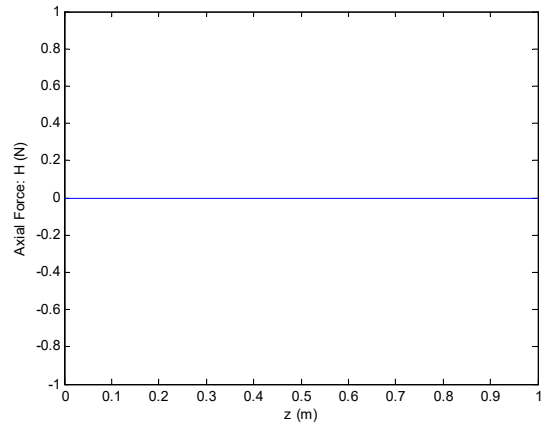
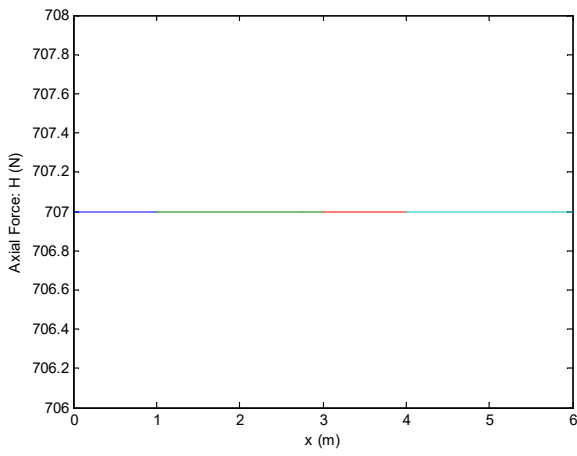
$$\sum F_{x'} = 0 \Rightarrow H = 0$$

$$\sum F_{z'} = 0 \Rightarrow V = 1000 \text{ N}$$

$$\sum M = 0 \Rightarrow M = +1000z - 1000$$

در ابتدا محور x

در ادامه محور z : محور دست راست



*** در MATLAB بسته شده خوب رسم دیاگرام های نیروهای محوری در برسی و ماسجی :**

```

clc
clear all
close all

x1=0:1/100:1;
for i=1:length(x1)
    H1(i)=707;
    V1(i)=196.4;
    M1(i)=196.4*x1(i);
end

x2=1:1/100:3;
for i=1:length(x2)
    H2(i)=707;
    V2(i)=196.4-800*(x2(i)-1);
    M2(i)=196.4*x2(i)-400*(x2(i)-1)^2;
end

x3=3:1/100:4;
for i=1:length(x3)
    H3(i)=707;
    V3(i)=-1403.6;
    M3(i)=196.4*x3(i)-1600*(x3(i)-2);
end

x4=4:1/100:6;
for i=1:length(x4)
    H4(i)=707;
    V4(i)=707;
    M4(i)=196.4*x4(i)-1600*(x4(i)-2)+2110.7
    *(x4(i)-4);
end

figure (1)
plot(x1,H1,x2,H2,x3,H3,x4,H4)
xlabel('x (m)')
ylabel('Axial Force: H (N)')
%grid on

figure (2)
plot(x1,V1,x2,V2,x3,V3,x4,V4)
xlabel('x (m)')
ylabel('Shear Force: V (N)')
grid on

figure (3)
plot(x1,M1,x2,M2,x3,M3,x4,M4)
xlabel('x (m)')
ylabel('Bending Moment: M (N.m)')
grid on

z1=0:1/100:1;
for i=1:length(z1)
    H5(i)=0;
    V5(i)=1000;
    M5(i)=1000*z1(i)-1000;
end

figure (4)
plot(z1,H5)
xlabel('z (m)')
ylabel('Axial Force: H (N)')
%grid on

figure (5)
plot(z1,V5)
xlabel('z (m)')
ylabel('Shear Force: V (N)')
grid on

figure (6)
plot(z1,M5)
xlabel('z (m)')
ylabel('Bending Moment: M (N.m)')
grid on
    
```

برس اول →

برس دوم →

برس سوم →

برس چهارم

رسم دیاگرام های

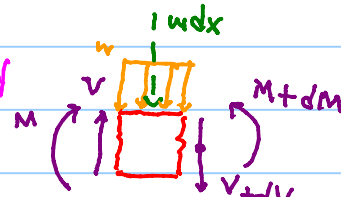
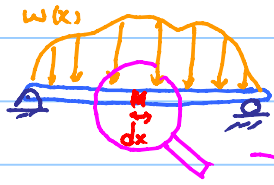
نیروها

ABC
(محور x)

برس پنجم

رسم دیاگرام های نیروها در CD (محور z)

* رابطہ درجہ اولیٰ تعادل ہے :



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow V - w dx - (V + dV) = 0 \Rightarrow dV = -w dx \Rightarrow \left| \frac{dV}{dx} = -w \right|$$

- تعبیر برسی برسی (درجہ اولیٰ تعادل) شامل نیروی محوری نیست، برابری با صفت در

$$\frac{V}{(2)} - \frac{V}{(1)} = - \int_{(1)}^{(2)} w dx$$

صرف نظر کنیم

شکل نیروی برسی در همان حاصله .

$$\sum M = 0 \Rightarrow -M - V dx + (w dx) \frac{dx}{2} + (M + dM) = 0 \Rightarrow dM = V dx \Rightarrow \left| \frac{dM}{dx} = V \right|$$

- تعبیر مان (مدر) حسی (درجہ اولیٰ تعادل) شامل مکان محور نیست، برابری با صفت در

$$\frac{M}{(2)} - \frac{M}{(1)} = \int_{(1)}^{(2)} V dx$$

شکل نیروی برسی در همان حاصله .